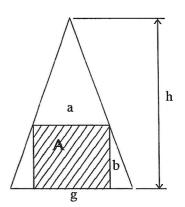
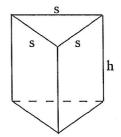


Extremwertaufgaben mit Nebenbedingungen 2

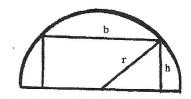
1. In ein gleichschenkliges Dreieck mit der Höhe h und der Grundseite g soll ein Rechteck mit möglichst großem Flächeninhalt einbeschrieben werden. Bestimmen sie die Rechteckseiten a und b!



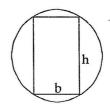
2. Ein oben offener prismatischer Behälter mit einem gleichseitigen Dreieck als Grundfläche soll ein Volumen von 8 dm³ erhalten. Bestimmen Sie die Höhe h des Behälters und die Seitenlänge s des Grundflächendreieckes so, daß der Blechverbrauch minimal wird!



3. In einen halbkreisförmigen Wanddurchbruch soll ein rechteckiges Fenster mit möglichst großer Fläche eingesetzt werden. Bestimmen Sie Höhe h und Breite b des Fensters, wenn der Bogenradius r bekannt ist.



- 4. Eine zylinderförmige oben offene Regenwasser-Sammeltonne mit einem Volumen von V=200 Liter soll so hergestellt werden, daß möglichst wenig Material verbraucht wird. Welchen Durchmesser d und welche Höhe h muß die Tonne haben?
- 5. Ein Hochregallager mit einem Gesamtvolumen von 500m³ soll möglichst kostengünstig erstellt werden. Dabei schlagen die Wände mit 1000€ je m², der Boden mit 400€ je m² sowie die Decke mit 600€ je m² zu Buche. Welche Maße sollten verwendet werden, wenn ein quadratischer Grundriss gewählt wird?
- 6. Aus einem runden Baumstamm mit einem Durchmesser von 60cm soll ein Balken mit rechteckigen Querschnitt und einem möglichst großen Widerstandsmoment geschnitten werden.



Bestimmen Sie die Höhe h und die Breite b des günstigsten rechteckigen Querschnittes!

Lösungen =

1.
$$a = \frac{1}{2}g$$
 $b = \frac{1}{2}h$

3.
$$h = \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot r$$
 $b = \sqrt{2} \cdot r$

5.
$$h = 5m$$
 $a = 10m$

2.
$$s=4dm$$
 h=1,155dm

4.
$$d = 7,986 \, dm \, h = 3,993 \, dm$$

6.
$$b = 34,64 \text{ cm}$$
 $h = 48,99 \text{ cm}$